## 数A 【平面幾何】軌跡・作図 数Ⅲ 【積分法の応用】体積

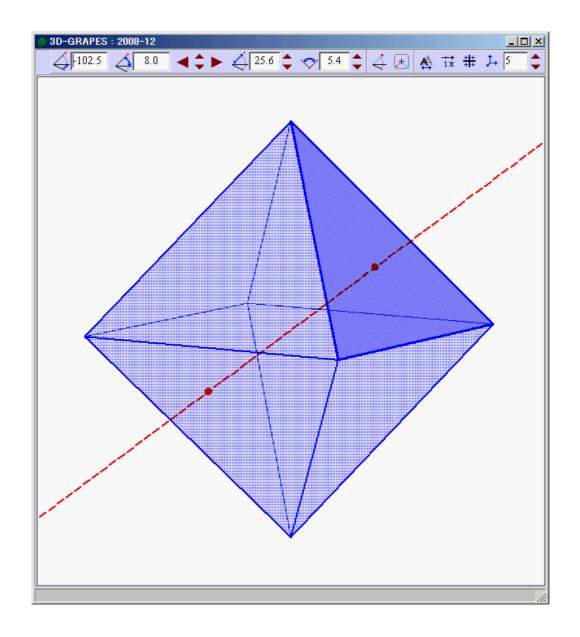
## 2008 東京大学 理科(前期)【3】

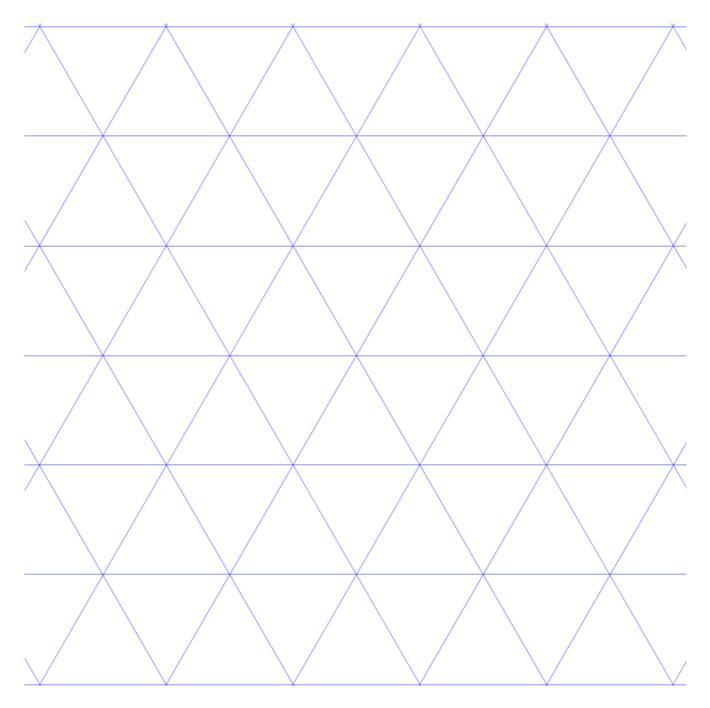
- (1) 正八面体のひとつの面を下にして水平な台の上に置く。この正八角形を真上から見た図(平面図)を描け。
- (2) 正八面体の互いに平行な2つの面をとり、それぞれの面の重心を $G_1$ 、 $G_2$ とする。 $G_1$ 、 $G_2$ を通る直線を軸としてこの八面体を1回転させてできる立体の体積を求めよ。

ただし八面体は内部も含むものとし、各辺の長さは1とする。

## 【指導例】

- ① はじめに紙と鉛筆だけで正確な平面図が描けるか試みてみる。
- ② 次ページのような方眼が用意できれば、紙を切って、立体を作成してみるのもおもしろい。
  - ★コンパスと定規で正三角形が作図できるか?
  - ★できるだけコンパクトな展開図を描くことができるか?
- ③ 3D-GRAPES で作図したものを提示する。
  - ★できれば、生徒自身がコンピュータを操作し、図を回転させられる環境があるとよい。





- ■正三角形の方眼を GRAPES のスクリプトで描く
- ①【オプション】→【目盛り】→x軸、y軸の「目盛」「軸」のチェックをはずす。
- ②【陽関数】

$$y_1 = \sqrt{3} x + 2\sqrt{3} a$$

$$y_2 = -\sqrt{3} x + 2\sqrt{3} a$$

$$y_3 = \sqrt{3} a$$

?「残像」にチェックを入れないと、画面コピーが上手くいかない。

③【編集】→【スクリプト】

//正三角形の方眼を描く// for a:=-5 to 5 draw next ←「//」のあとの文字列がボタンとして画面上に表示される。